# 束にした金属線による推進薬の燃焼促進

田中雅文\*,森崎賢治\*

金属線入りダブルベース推進薬において、挿入する金属線を1本1本の単独の線ではなく、 多数の線の東にすることによる燃焼促進効果に関して研究した。ストランド燃焼実験の結果、 高温の燃焼ガスにさらされる表面積を大きくし、線同士の熱的干渉をなくさないようにねじら ず間隔をあけずに挿入するとき、燃焼速度の増加は大きいことがわかった。実験の範囲内では、 単独の線を最適直径で入れたときの最大値よりもさらに約3~4割の燃焼速度の増大を達成で き、また圧力指数は細い線を単独に入れた場合に比べて変化しないことがわかった。ダブル ベース推進薬の燃焼理論に基づき、この種の方法の最適な場合として、波面積が無限大の金属 線が無数に入っているときの燃焼速度特性を検討した。その結果、金属線の推進薬に占める面 積割合が小さくても大きな燃焼速度が期待でき、圧力5MPa下における最大値は約10cm/sにな ると見積られた。

1. はじめに

固体推進薬の燃焼進行方向にあらかじめ金属線を入 れておく方法は、燃焼速度を高めるのに有効であり、 これに関連したさまざまな研究開発がなされている <sup>1)~6)</sup>。円形断面を有する1本の金属線を挿入した推進 薬の燃焼速度は、金鳳線の直径を変えていくと、ある 直径に対して極大値をとることが知られている。この ことは高温ガス中の金属線表面から流入し金属線内を 伝導していく熱量と、燃焼面後退による相対的な対流 で流出していく熱量との熱収支により推進薬未燃部へ の正味伝熱量が決定され、これがある直径のとき極大 値をとることで説明される"。 流出する熱量は金属線 の断面積に比例するので、断面積一定のまま、火炎に さらされる表面積を増大させることにより、金鳳線表 面から流入する熱量のみを増加させることができよう。 即ち金属線を、面積に対する周囲長が最小となる円形 断面でなく、そのほかの形、例えばFig.1(a) のよ **らに周囲長の長い断面形状に変えれば燃焼速度は、円** 形断面の際よりもさらに高まると期待される。しかし ながら、細い金属線にこのような変形を加えることは 工作上困難であるので、本研究ではFig.1(b)のよ **らに細い金属線を東にして挿入することによって、同** じ総断面積を持つし本の金属線を挿入した場合よりも 表面積を稼ぎ、燃焼速度の増大を図ることを試みた。

1990年5月25日受理 \*防衛大学校航空宇宙工学教室 〒239 横須賀市走水1-10-20 TEL 0468-41-3810 内線2581



Fig. 1 (a)Cross section of an ideal embedded metal wire with long perimeter. (b)Cross section of embedded metal wires in a bundle.

東にした金属線を入れる方法としては1本1本の線 をねじり合わせて太い1本の線にする方法とねじり合 わせずに平行に入れる方法とが考えられる。ねじり合 わせて1本の線にした方が推進薬に入れるのは容易で あるが、強くねじり合わせると、線が燃焼面に対して 斜めに挿入されることになるので然伝達上の断面積が 増大し、線同士の接触部分が増すため表面積は減少す る。平行に入れる場合も線回士が離れてしまうと熱的 干渉がなくなり、単独の線と同様になってしまうと考 えられる。本研究ではこうした金属線の挿入方法につ いても検討した。

また本研究の方法によってどれだけ燃焼速度が高め られる可能性があるか、ダブルペース推進薬の燃焼理 論を基に考察を行った。

- 2. 実験方法
- 2.1 試料と燃焼速度の測定

ニトロセルロース51%、ニトログリセリン38%、デ エチルフタレート11%の組成を持つダブルペース推進 楽を 6 × 6 × 60mのストランド状に成形したものを試 料とした。試料はあらかじめ縦方向に 2 分割され、中 心に金風線が挿入してある。再溶着にはアセトンを用 いた<sup>47~618)</sup>。

試料は窓付きのチムニー式燃焼ボンベに入れられ, 圧力一定下で燃焼する。金属線を挿入したストランド は着火後しばらく金属線挿入方向の燃焼速度が増大し ていく非定常な燃焼進行を示し、その後定常状態とな る<sup>0</sup>。本研究ではこの定常段階にのみ注目し、燃焼速 度をビデオ撮影を利用して測定した。撮影ではストラ ンドと平行に0.5mm刻みのスケールを置き、0.1秒刻み の時間信号と共に録画する。燃焼終了後、再生画によ って金属線挿入方向の燃焼面後退速度を算出し、燃焼 速度とした。

#### 2.2 插入金属線

ストランドに入れる金属線は銀または銅の直径dの 線同士をN本(N=1~8)束にしてある。束にする 金属線の基本的組合せとして2本の金属線を考えた。 ねじり合わせて束にする場合,このねじり合わせの度 合をFig.2 上段のようにピッチPで定義し,これが 燃焼速度に与える影響を調べる。また全くねじらずに 挿入する際線同士の間隔が離れてしまうことがある。 この影響をみるためにFig.2 下段のように2本の線 を間隔Sだけ離して挿入した試料も作製した。







## 3. 実験結果

#### 3.1 ピッチと燃焼速度

2本の金風線(銅線)をねじり合わせて挿入した場合 の圧力2MPa下での燃焼速度を機軸にピッチをとって Fig.3 に示す。ピッチ無限大は2本を平行に入れる ことを意味し、ピッチが小さくなるにつれてねじり合 わせの度合が強くなっていくことを表す。Fig.3 よ り平行にいれた場合が燃焼速度は最大となり、ねじっ ていくと燃焼速度が減少することがわかる。

## 3.2 線間隔と燃焼速度

圧力2MPa下で2本の銅線を平行にいれた場合、その2線の間隔が燃焼速度に与える影響をFig.4に示した。2線が接している場合が燃焼速度は最大で、離れ



Fig. 3 Effect of wire pitch on burning rate.

るにしたがって燃焼速度は小さくなっていくことがわ かる。金属線径が0.1mmのとき,間隔が約1mm以上離 れると金属線同士の干渉はなくなり,単独の線を挿入 した場合と同じになる。この傾向は線径が約0.4mm未 満であれば同様に得られる。

## 3.3 束を構成する線数と燃焼速度

以上の結果から金属線を束にして挿入する際、ねじ



Fig. 4 Effect of wire space on burning rate.

らず、間隔を空けずに挿入した場合が燃焼速度を高め るのに効果的であることが示された。隙間を空けず平 行に挿入した金風線を多数束にした際の圧力2MPa下 における燃焼速度を、銀の場合と銅の場合についてそ れぞれFig.5、6 に示す。横軸に東を構成する1本1 本の金風線の直径を、線の数Nをパラメータにとって ある。金風線の直径が0.4mm以下では東にした方が燃 焼速度が増大していくことがわかる。また線の数が増 大するに従って燃焼速度を極大にする線径は小さくな っていく。



Fig. 5 Effect of embedded Ag wires in a bundle on burning rate.





#### 4. 考察

# 4.1 火炎構造と燃焼速度

金原線入りのダブルベース推進薬の燃焼速度は火炎 構造に依存し、特にフィッゾーン、ダークゾーンの温度分 布に支配される<sup>406</sup>。金属線を入れていない推進薬にお いて、これらの反応層の温度分布を測定した研究によ れば、温度勾配が最大となる点は燃焼表面のごく近傍 にあるものの、燃焼表面からダークゾーン手前まで 温度勾配は単調に減少する<sup>9</sup>。金属と燃焼ガスの熱伝 專率を比較すると、金属の方がはるかに大きいので燃 焼進行方向の温度勾配は、金属線内では燃焼ガス中よ りもなだらかになるであろう。実験でもこの傾向は確 かめられている<sup>416</sup>。金属線は燃焼ガスからの熱を吸 収しこれを伝導により推進薬未燃部へ伝える。熱伝導量 は断面積が一定のとき燃焼表面での燃焼進行方向の 温度勾配に支配される。燃焼ガスの温度勾配は金属線 内の温度勾配より大きいことから、燃焼ガスにさらさ れ推進薬固層内に接する金属線の表面積を大きくし、金 属線の温度勾配をできるだけ燃焼ガスのそれに近づけ るのが燃焼速度の増大には効果的であると考えられる。



Fig. 7 Relation between total sectional area of bundled wires and burning rate.

Fig.7はFig.5,6の横軸を, 束にした金属線の総断 面積に換算したものである。総断面積が同じであれば, 線数 N, 即ち表面積が増加するにつれて燃焼速度が 単調に増大していくことがわかる。実験の範囲内では 金属線を1本入れた場合の燃焼速度の最大値(d が約 0.4mmのとき)を細い線を束にすることによってさらに 約3~4割増大させることができた。線をねじって挿 入した場合は熱伝達上の断面積が増大し,線同士の接 触により表面積は減少するのでFig.3のように燃焼速 度は下がると考えられる。

推進薬の燃焼において圧力が高まると反応速度が大 きくなり、温度勾配の増大と共に祖度勾配の最大点は さらに燃焼変面に近づく<sup>9</sup>。挿入金属線が一本の場合, 圧力指数は金属線直径の小さい方が大きいことが報告 されている<sup>n</sup>。このことは、細い金属線は長さ当りの 熱容量が小さく、温度分布が燃焼ガスの温度分布と近





いため、燃焼速度が火炎構造に大きく依存したとして 理解される。従って金属線を束にし、細い金属線を多 数用いて表面積を大きくとることは、圧力が高い場合 にも燃焼促進に効果的であると考えられる。Fig.8に ストランド燃焼実験で得られた、束にした金属線の燃 焼速度と圧力の関係を示した。単線の場合、本実験で も、金属線径が小さい方が圧力指数が大きいことがわ かる。しかしながら、これを束にしたとき、圧力指数 はさほど変化しない。これは燃焼速度の増大と、深い コーンの形成とによって、金属線に沿う流速が増した ため、火炎距離が大きくなり温度勾配の上昇がある程 度で打ち消されたことによると思われる。

挿入金風線が1本の場合の燃焼速度の温度感度は燃 焼速度を大きくするような金属線の直径のとき高くな る<sup>5)</sup>。したがって東にすることによっても温度感度が 高まると考えられ、圧力指数の増大はさほどではない にせよ、ロケットモータへの応用の際は温度による性 能変化を充分検討する必要があろう。

4.2 最高燃烧速度

4.2.1 計算モデル

金属線の表面積を大きくしていくことで燃焼速度が どこまで大きくなっていくかを知ることは興味深い。 火炎から金属線への熱伝達は温度境界層を介した対流 熱伝達で行われている。温度境界層は速度境界層の影 唇を受けるが、金属線表面の凹凸があまりに小さくな りすぎると、速度分布は粘性の影響で形状の変化に追 従できなくなる。したがって、温度分布も変わらなく なっていくので、火炎から金属線への熱伝達量はある ところで飽和すると考えられる。本実験の場合、境界 層の厚さ∂を平板における式∂~√√x/u で概算すると、 動粘性係数 v~5·10<sup>-6</sup> ㎡/s、ガス速度 u~5 m/s(r~2 cm/s),長さx~10<sup>-3</sup>mを代入すれば&~0.03mmとなり, 本実験の最小直径0.05mmをさらに小さくすることで燃 焼速度が増大する可能性がある。本研究では入手でき る最も細い金属線の直径がこの0.05mmであったため, 実験的に燃焼速度の限界がどこにあるのか明らかにで きなかった。

しかしながら、仮に挿入した金属線全ての表面が高 温ガスにさらされ、粘性の影響もなく受熱するとした 場合、燃焼速度の限界がどのくらいであるのか、タブルベ ース推進薬燃焼モデル<sup>(0)11)</sup>を基に簡単に算出できる。

前節で述べたように、金属線入りダブルペース推進 薬の燃焼速度の決定因子はフィッソーンの温度分布と ダークゾーンの温度であり、卸炎層はほとんど関与し ていない。そこでここでもフィッソーンの反応層のみ について考える。また、数学的取り扱いを簡単にする ため次のような仮定を用いた。

- 1) 燃焼ガスの粘性の影響は考えない。
- 2) 挿入した金属線は限りなく薄く、表面積が無限大で周囲の燃焼ガス及び推進薬の温度と直ちに熱平衡状態に達する。
- 3) 金属線は多数入り、燃焼面は円錐状のくぼみ を作らない。
- 4) 熱放射の影響は無視する。
- 5) 金属の融解の影響は無視する。

フィッゾーンでは,ホルムアルデヒドと二酸化窒楽 の二次反応のみを考え,オーパーオールの反応を次の ように仮定する。

 $5CH_2O + 7NO_2 \rightarrow 7NO + 5H_2O + 3CO + 2CO_2$ 

4.2.2 基 礎 式

金属線が燃焼面に占める面積割合をαとする。金属 線の表面積が無限大で、周囲とすぐに熱平衡状態に達 するのであるから燃焼進行方向への平均熱伝導率λは 燃焼ガス中で次式で表される<sup>12)</sup>。

 $\bar{\lambda} = (1-\alpha)\lambda_x + \alpha \lambda_M$ (1)
ここで $\lambda_x$ ,  $\lambda_M$ はそれぞれ燃焼ガス, 金風線の熱伝導
率である。

気相での基礎方程式は以下の通りである。燃焼表面 からの距離を x とし、ガス密度、速度、圧力、 温度 をそれぞれ p、 u、 p、 T として、 質量保存式、 運動 量保存式、エネルギー保存式が次のように成り立つ。

$$\frac{d(\rho u)}{dx} = 0 \tag{2}$$

$$\rho u \frac{du}{dx} + \frac{dp}{dx} = 0 \tag{3}$$

$$\frac{\bar{\lambda} \frac{d^2 T}{dx^2} - \{(1-\alpha)\rho \,\mathrm{uC}_{pg} + \alpha\rho_{\mathrm{M}}\mathrm{rC}_{\mathrm{M}}\}\frac{\mathrm{d}T}{\mathrm{d}x} + (1-\alpha)\Sigma\omega_iQ_i = 0$$
(4)

Kōgyō Kayaku, Vol. 52, No. 4, 1991

-273-

ここでr は燃焼速度で $\rho_M$ は金属線の密度である。また、 $C_{pr}$ 、 $C_M$ は燃焼ガス及び金属線の比熱であり、 $\omega_i$ 、 $Q_i$ はそれぞれ化学種 $i(i = CH_2O, NO_2, NO, H_2O, CO, CO_2)の反応速度および反応熱である。化学種<math>i$ の保存式として次式が満たされる。

$$\rho u \frac{dY_i}{dx} = \omega_i \tag{5}$$

ここで Yiは i のモル濃度である。R を普遍ガス定数 として, 状態式は次式で表される。

$$p = \rho R T \Sigma Y_i \tag{6}$$

この他に化学種 i について反応速度式を 6 個立てれ ばよい。例えばCH<sub>2</sub>Oについては、 byを反応速度定数 として、(5)式を次式で表せる。

$$\frac{dY_{CH2O}}{dx} = -\frac{k_f}{\rho u} \left(\rho Y_{CH2O}\right) \left(\rho Y_{NO2}\right) \tag{7}$$

燃焼表面における熱平衡条件から,燃焼表面の温度勾 配と燃焼速度の関係を次式のように求めることができ る。

$$\overline{\lambda} \left( \frac{dT}{dx} \right)_{x=o^+} = (1-\alpha) \rho_{\rho} r \{ C_c (T_s - T_o) - Q_s \} + \alpha \rho_M r C_M (T_s - T_o)$$
(8)

ここでppは推進薬の密度,Q,は表面における反応熱 である。また、C,は推進薬の比熱であり、T,、T,は 推進薬の燃焼表面温度、初期温度である。燃焼速度と 燃焼表面温度とのあいだにはアレニウスの式から

$$r = Z_s \exp\left(-\frac{E_s}{RT_s}\right) \tag{9}$$

の関係が成り立つ。

x=0<sup>+</sup>(燃焼表面)でY<sub>i</sub>, pが与えられているとす れば, 燃焼表面温度T,を仮定することにより, 基礎 式を解くことができる。この解のうちx=∞において 温度が一定となるようにT, を決定する。ここでは物 理諸量としてTable 1 及びJANAF Table<sup>13)</sup>の諸定数 を用いた。

 $C_{c} = 0.325 \text{ cal/g} \cdot \text{K}$   $P_{p} = 1.55 \text{ g/cm}$   $Q_{s} = 100 \text{ cal/g}$   $Z_{s} = 8 \times 10^{5} \text{ cm/s}$   $E_{s} = 17.5 \times 10^{3} \text{ cal/mole}$   $T_{o} = 20^{\circ}\text{C}$   $\lambda_{g} = 0.0002 \text{ cal/cm} \cdot \text{s} \cdot \text{K}$ 

 $k_g = 0.0002$  cal/cm<sup>-</sup>s<sup>-</sup>K  $k_f = 10^9 \exp(-8000/\text{RT}) \text{ cd/mole} \cdot \text{s}$   $Y_{CH_20} = 0.0183$  moles/g at x=0  $Y_{NO_2} = 0.0098$  moles/g at x=0



## 4.2.3 計算結果

計算結果の一例として推進薬初期温度20℃, 圧力2 MPaの場合, 横軸に燃焼表面からの距離をとり, 温 度, 各化学種のモル濃度, 流速の分布を金属線を入れ ない場合(α=0)と入れた場合(銀線でα=0.05)につ いてそれぞれFig.9, 10 に示した。金属線を入れな い場合は反応が燃焼面より約0.4mmで完了するのに対 し, 金属線を5%入れただけで反応が終了するのに



DISTANCE, mm

Fig. 9 Calculated profiles of temperature, mole concentrations and velocity in fizz zone without metal wire.



Fig. 10 Calculated profiles of temperature, mole concentrations and velocity in fizz zone with metal (Ag,  $\alpha = 0.05$ ).

-274-











約10倍の距離を要していることがわかる。したがって 温度勾配はFig.10 のほうが減少するが、他方、平均 熱伝導率が0.0002 cal/cm・s・Kから0.05 cal/cm・s・Kに 上昇するため、熱伝導量は増大する。この結果、燃焼 波面温度が高まり、燃焼速度は大きく増大している。

Fig.11 は圧力2,4,6MPa下において横軸にαを とり,燃焼速度の変化を表したものである。金属線の 面積割合αを増大していくとある点で燃焼速度は最大 となり、その後減少していくことがわかる。これは、 αを増すにしたがって熱伝導率は増大していくが、α があまりに大きくなると化学反応熱が金属線の温度上 昇に費やされてしまうので、周囲温度が下がり温度勾 配が減少していくためである。ちなみにα=0,0.2,0.5 (銀の場合)に対してフィッソーンの最高温度はそれぞれ1400℃,960℃,790℃となる。Fig.11 より最大値 をとるαは圧力にほとんどよらず,銀の場合約0. 2で,銅の場合約0.15であることがわかる。

Fig.12 は金属線を入れていない場合(α=0)と挿 入金属線が銀(α=0.2),銅(α=0.15)の場合の燃焼速 度の圧力依存性を示す。これらがこのモデルで得られ る、金属線を入れた場合の燃焼速度最大値の圧力特性 である。圧力指数は金属線を入れていない場合よりも 高くなっており、圧力5 MPa下において得られる 燃焼速度の最大値は約10cm/sであることがわかる。

実際の束にした金属線において、上のモデルを満足 するにはいくらか無理があろう。例えば、金属線、推 進薬とも燃焼進行方向の熱伝導のみならず、これと垂 直方向の熱伝導があり、さらに束にしたため火炎にさ らされない金属線ができ、金属線とその周囲は仮定し たようには熱平衡状態に達し得ないであろう。また金 風線を多数入れない場合は、燃焼速度の違いから金属 線を中心とする円錐面が形成される。二次元座標で行 われた計算によると円錐中心の金属線に沿り燃焼ガス の流速は平面火炎と仮定した場合の2倍以上となる2)。 このため金属線の燃焼進行方向の温度勾配は上のモデ ルの場合よりも小さくなり、実際の燃焼速度は上記の 見積値よりも低くなると考えられる。上のモデルは、 金属線の加工、推進薬への入れ方の工夫等の全ての問 題点が克服されたときの燃焼速度の達成できるひとつ の目標値と見なすべきものであろう。

5. まとめ

本研究では東にした金属線を入れることによる推進 薬の燃焼速度特性の変化に関して研究した。

ストランド燃焼実験から、以下のことがわかった。

- 東にする際はねじらず、隙間を空けないように すると燃焼促進効果は大きい。
- 2)金属線の総断面積一定の場合、細い線でできる だけ線数を多くし、表面積を大きくすると燃焼 速度は増大する。
- 3)本実験の範囲内では一本の線を入れた際の最適 直径で得られる最大燃焼速度よりもさらに約3 ~4割の高い燃焼速度が東にすることによって 可能となる。

ダブルベース推進薬の燃焼理論により、表面積無限 大で非常に薄い、仮想的な金属線挿入による燃焼促進 効果について調べ、以下のことがわかった。

4)金属線の推進薬に占める面積割合が小さくても 大きな燃焼促進効果が現れ、圧力が変化しても 燃焼速度を最大にする面積割合はほとんど変わ らない。

Kögyö Kayaku, Vol. 52, No. 4, 1991

-275-

 5) 最大燃焼速度は圧力5MPa下において約10cm/s となる。

# 文 献

- Summerfield, M., and Parker, K. H., "Interaction between Combustion Phenomena and Mechanical Properties in Solid Propellant Rocket Motors," *Mechanics and Chemistry of Solid Propellants*, edited by A. C. Eringen, H. Liebowitz, S. L. Koh and J. M Crowley, Pergamon Press (1967), pp. 95-98.
- Caveny, L. H., and Glick, R. L., "Influence of Embedded Metal Fibers on Solid-Propellant Burning Rate", J. Spacecraft and Rockets, Vol. 4, No. 1 (1967), pp. 79-85.
- 3) 岩間 彬, 青初題一郎, 祖父江照雄, 山崎毅六, 「細い金風線を添加した固体推進剤の燃焼」,第 5回燃焼シンポジウム前別集(1967), pp. 69-70.
- 市田正人、久保田浪之介、「銀線入り固体推進薬の燃焼速度」、工業火薬、41 (1980), pp. 141-147.
- 5)町田秀樹, 荒木郁男, 福田孝明,「銀線入りダブ ルペース推進薬の燃焼挙動」, 工業火薬, 42 (1981), pp. 378-383.
- Kubota, N., Ichida, M., and Fujisawa, T., "Combustion Processes of Propellants with Embedded Metal Wires", AIAAJ., Vol. 20, No. 1 (1982), pp.

116 - 121

- Shuling, C., and Fengsheng, L., "Influence of Long Metal Wires on Combustion of Double-Base Propellants", Combustion and Flame, Vol. 45 (1982), pp. 213-218.
- 8)田中雅文,森崎賢治,「金風線を挿入した固体推 進薬の燃焼率連続測定」,工業火薬,50 (1989), pp. 436-441.
- Kubota, N., Ohlemiller, T. J., Caveny, L. H., and Summerfield, M., "Site and Mode of Action of Platonizers in Double Base Propellants", AIAA J., Vol. 12, No. 12 (1974), pp. 1709-1714.
- 10) 久保田浪之介,桑原卓雄, 皆木一郎,「ダブル ベース推進薬の燃焼速度モデル」,工菜火薬協会昭 和56年度年会講演要皆集(1981), pp. 63-64.
- Kubota, N., "Survey of Rocket Propellants and Their Combustion Characteristics", *Fundamentals of Solid-Propellant Combustion*, edited by K. K. Kuo and M. Summerfield, AIAA Progress in Astronautics and Aeronautics, Vol. 90 (1984), pp. 43-47.
- Grigull, V., and Sandner, H., "Heat Conduction", Washington, Hemisphere Pub. (1984). pp. 15.
- JANAF Themochemical Data, Dow Chemical Co., 1967.

# Burning Rate Increment of Solid Propellant with Embedded Metal Wires in a Bundle

by Masafumi TANAKA\* and Kenji MORISAKI\*

The burning rate characteristics of double base propellant with embedded metal wires in a bundle, in stead of with a single wire alone, were studied. As a result of the combustion experiments of strand samples, it was shown that the burning rate increment is large when each wires are embedded closely without twist and they interact thermally each other with their surface areas sufficiently exposed to combustion gas. In the range of this experiment the embedded metal wires in a bundle can augment 30-40% of the maximum burning rate obtained by a conventional single wire with optimum diameter. The pressure exponent of the propellant with wires in a bundle is not so large as that with a single thin wire. As an ultimate case of this method, based on the combustion theory of double base propellant, we discussed the burning rate characteristics of the propellant with innumerable embedded metal wires which have infinite surface areas. As a result of the calculation, it was shown that the high burning rate can be achieved even in a small area ratio of the metal to propellant surface and that the maximum burning rate is about  $10 \, \text{cm}$ /s at the pressure of 5 MPa.

(\*Department of Aerospace Engineering, The National Defense Academy 1-10-20 Hashirimizu, Yokosuka, Kanagawa 239, Japan)